DOI:10.16410/j.issn1000-8365.2023.2363

# Pt-Al-Cr 体系的相图集成建模与计算

#### 黄永兴1,王镤子愚1,种晓字1,2,高兴誉3,宋海峰3

(1. 昆明理工大学 材料科学与工程学院,云南 昆明 650093; 2. 昆明理工大学 金属先进凝固成形及装备国家地方联合工 程实验室,云南 昆明 650093; 3. 计算物理国防重点实验室 北京应用物理与计算数学研究所,北京 100088)

摘 要:Pt 基高温合金是一类力学性能和抗氧化性优异的高温合金,开发相关的热力学数据库是进行该类合金设计的必要前提。本文系统整理和评估了 Pt-Al-Cr 体系热力学数据、相图的实验数据和第一性原理计算数据,计算了 Pt-Al、Pt-Cr 和 Al-Cr 的混合焓和形成焓等热力学性质,计算得到的相图和热力学性质与实验数据和第一性原理计算数 据吻合较好。在此基础上,结合相图计算方法(CALPHAD)通过热力学外推优化建立 Pt-Al-Cr 三元体系的成分-温度相 图模型。使用该模型计算 Pt-Al-Cr 体系液相面投影图和 873.15、1 073.15、1 273.15 K 的等温截面图,热力学计算结果与 实验数据吻合较好。

关键词:高温合金;Pt-Al-Cr体系;CALPHAD;热力学模型
 中图分类号:TG115.22+2.3
 文献标识码:A
 文章编号:1000-8365(2023)02-0195-08

### Integrated Modelling and Calculation of Phase Diagram of the Pt-Al-Cr System

HUANG Yongxing<sup>1</sup>, WANG Puziyu<sup>1</sup>, CHONG Xiaoyu<sup>1,2</sup>, GAO Xingyu<sup>3</sup>, SONG Haifeng<sup>3</sup>

(1. Faculty of Materials Science and Engineering, Kunming University of Science and Technology, Kunming 650093, China; 2. National and Local Joint Engineering Laboratory for Advanced Solidification Forming and Equipment for Metals, Kunming University of Science and Technology, Kunming 650093, China; 3. Laboratory of Computational Physics, Institute of Applied Physics and Computational Mathematics, Beijing 100088, China)

**Abstract**: The construction of a pertinent thermodynamic database is a prerequisite to move forwards with the development of Pt-based superalloys with outstanding mechanical characteristics and oxidation resistance. In this paper, thermodynamic data of the Pt-Al-Cr system, experimental phase diagram data and data from first-principles calculations are systematically compiled and evaluated. Thermodynamic properties, such as the enthalpies of mixing and formation of Pt-Al, Pt-Cr, and Al-Cr, are calculated, and the calculated phase diagram and thermodynamic properties are in good agreement with experimental data and data from first-principles calculations. Based on this, the composition-temperature phase diagram model of the Pt-Al-Cr ternary system is built by the thermodynamic extrapolation optimization combined with the CALPHAD (calculation of phase diagrams). This model is used to calculate the liquidus surface projection diagrams and isothermal sections of the Pt-Al-Cr system at 873.15, 1 073.15 and 1 273.15 K. The thermodynamic calculation results are in good agreement with the experimental data.

Key words: superalloy; Pt-Al-Cr system; calculation of phase diagrams; thermodynamic model

Pt 基高温合金具有优越的高熔点、抗氧化、耐腐蚀等优异的综合性能<sup>[1]</sup>。Pt 基涂层已广泛应用于喷气发动机,可作为抗氧化和抗热腐蚀涂层,或作为热障涂层系统的粘结涂层,以延长寿命和提高机

翼的耐温能力。面对高温、高应力、强腐蚀的苛刻服 役条件,铂基高温合金材料的快速发展是必然趋势。 但是传统的实验试错方法成本高、周期长,阻碍了铂 基合金的发展。材料基因工程为铂基合金的研发提

#### 收稿日期: 2022-12-27

- 基金项目:16X 工程项目(HXO2022-H-09);云南省稀贵金属材料基因工程(202102AB080019-1);云南省应用基础研究项目(202101AW 070011,202101BE070001-015)
- 作者简介:黄永兴,1998年生,硕士生.研究方向:热力学相图建模和计算材料学等.电话:19988520130, Email:20212230113@stu.kust.edu.cn
- 通讯作者:种晓宇,博士,教授.研究方向:材料多尺度集成计算、材料基因工程的研究.Email:xiaoyuchong@kust.edu.cn 高兴誉,博士,研究员.研究方向:多尺度集成算法和软件开发、电子结构计算方法.Email:gao xingyu@iapcm.ac.cn
- 引用格式:黄永兴,王镤子愚,种晓宇,等. Pt-Al-Cr 体系的相图集成建模与计算[J].铸造技术,2023,44(2):195-202. HUANGYX,WANGPZY,CHONGXY, et al. Integrated modelling and calculation of phase diagram of the Pt-Al-Cr system[J]. Foundry Technology, 2023, 44(2):195-202.

供了新的研发思路和方法,可以大幅缩短铂基合金研发周期<sup>[2]</sup>。相图热力学信息在新材料成分设计和加工工艺中起到了重要作用,结合相图计算(calculation of phase diagram, CALPHAD)方法在构建多元合金相图方面具有很好的外推性和准确性,计算预测得到的热力学数据和实验测量值吻合度很高。目前Pt基多元合金热力学数据比较稀少,通过CAL-PHAD构建Pt-Al-Cr多元合金体系相图的热力学研究,可以指导Pt基合金材料设计与开发。

## 1 文献评估

铂铝合金和铂铬合金具有相近的 γ/γ'显微组 织,具有熔点较高的特点,对先进 Pt 基合金的开发 具有重要意义。Pt-Al-Cr 三元体系包含 3 个二元系: Pt-Al、Pt-Cr 和 Al-Cr。

#### 1.1 Pt-Al 二元系

Mcalister 和 Kahan<sup>33</sup>绘制实验相图并给出了 Pt-Al 二元相图中相的晶体结构信息和存在范围。 Wu 等<sup>[4]</sup>于 1998 年根据 Mcalister 和 Kahan 的实验 数据采用 CALPHAD 方法构筑了 Pt-Al 二元相图<sup>[4]</sup>。 当时关于高温β相实验数据不足,只考虑了体系中 7种金属化合物:Al21Pt5、Al21Pt8、Al2Pt、Al3Pt2、AlPt、 Al<sub>3</sub>Pt<sub>5</sub>和 AlPt<sub>3</sub>。液固相边界数据来自 Huch 和 Klemm<sup>[5]</sup>。采用2个亚点阵热力学模型不能准确描 述无序 FCC 相与 L12 (AIPt3)之间的能量转变。2011 年 Kim 等<sup>66</sup>将第一性原理数据与 CALPHAD方法结 合,计算了β相的热力学信息弥补了热力学实验数 据不足,同时引入有序无序亚点阵模型描述 FCC、 L12和L10之间的能量转变。Liu等四认为Kim提出 的热力学模型不满足体系总能量最低原则,结合新 的数据重新修正优化β相的热力学模型。本文采用Liu 的热力学模型参数,计算得到相图,如图1所示。



Pt-Al 二元系的平衡相包含 FCC 结构的 Pt 基 固溶体和 Al 基固溶体,化学计量比相:Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>、 Al<sub>21</sub>Pt<sub>5</sub>、AlPt、Al<sub>3</sub>Pt<sub>5</sub>、AlPt<sub>5</sub>、AlPt<sub>5</sub>和固溶度范围

为 10%Pt(原子分数)的 AlPt<sub>3</sub>。图 2 为 Pt-Al 二元体系 中Al<sub>v</sub>Pt<sub>x</sub>相的晶体结构。Pt-Al体系中稳定相的晶体 学数据汇总见表 1。Al21Pt5 是复杂的立方结构,在 930 K发生共晶反应 L↔FCC(Al)+Al<sub>21</sub>Pt<sub>5</sub>, Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub> 是 27.5%Pt(原子分数)左右的金属间化合物。Al<sub>2</sub>Pt 是溶 解度范围为1%Pt(原子分数)的线性化合物。Pt不能 固溶于 Al 的基体之中。Mcalister 和 Kahan<sup>33</sup>发现 β 相为立方结构,存在于高温下,在1773K发生包晶 反应 L+AlPt↔β,固溶度范围为 51%~56%Pt(原子分 数)。在1533K时,共析分解为AlPt和Al3Pt5。Al3Pt5是 61.5%~63%Pt(原子分数)金属间化合物。AlPt<sub>3</sub>相是 Pt 基合金开发特别重要的一项,可以显著提高合金 的强度。在1829K直接从液相形成,在1553K共 晶反应发生 L↔Pt (FCC)+AlPt<sub>3</sub>(L1<sub>2</sub>)。L1<sub>2</sub>相区随着 温度的降低固溶区间减小。Pt-Al体系中的零变量反 应见表2。



图 2 Pt-Al 二元系金属间化合物的晶体结构 Fig.2 The crystal structures of the intermetallic compounds in the Pt-Al binary system

表1 Pt-Al体系中平衡相结构信息
Tab 1 Crystal structure of the phases in the Pt-Al system

Tab.1 Crystal stru	cture of the phases in	the I t-AI system
相	皮尔逊符号	空间群
$Al_{21}Pt_5$	cF8	$F\overline{4}3m$
$Al_{21}Pt_8$	<i>tI</i> 116	$I4_1/a$
Al <sub>2</sub> Pt	cF8	$Fm\overline{3}m$
$Al_3Pt_2$	hP5	$P\bar{3}m1$
AlPt	cP8	P2 <sub>1</sub> 3
Al <sub>3</sub> Pt <sub>5</sub>	oP16	Pbam
$AlPt_3(L_{12})$	cP4	$Fm\overline{3}m$
β	cP4	$Pm\overline{3}m$
AlPt <sub>2</sub>	oP12	Pnma

为了验证 Pt-Al 体系 CALPHAD 模型计算结果

A

L↔AlPt

L↔Al<sub>3</sub>Pt<sub>2</sub>

表 2 AI-Pt 14 条甲零受重反应							
Tab.2 Calculated invariant reactions in the Al-Pt system							
電亦具后向	油库/17	口口米回	成分,Pt/%				
令受重以应	価度/K	反应失望	(原子分数)				
$L{+}Al{\leftrightarrow}Al_{21}Pt_5$	930±10	Peritectic		— 19.2	-		
$L{+}Al_{21}Pt_8{\leftrightarrow}Al_{21}Pt_5$	1 082	Peritectic	5	27.6 19.2			
$L{+}Al_2Pt{\leftrightarrow}Al_{21}Pt_8$	1 404	Peritectic	17.5	33.3 27.6			
$L{+}Al_{3}Pt_{2}{\leftrightarrow}Al_{2}Pt$	1 676	Peritectic	31.8	40.0 33.3			
$L+AlPt \leftrightarrow \beta$	1 785	Peritectic	44.1	54.9 51.2			
L↔Al <sub>3</sub> Pt <sub>2</sub> +AlPt	1 769	Eutectic	44.1	40.0 50.0			
$L \leftrightarrow \beta + Al_3Pt_5$	1 725	Eutectic	60.3	55.8 62.5			
$L \leftrightarrow Pt + AlPt_3$	1 753	Eutectic	80.0	76.6 82.1			
$Al_3Pt_5 + AlPt_3 \leftrightarrow AlPt_2$	1 696	Peritectoid	62.5	67.7 66.7			
$L \!\!+\!\! AlPt \!\!\leftrightarrow\!\! Pt_5 \!Al_3$	1 732	Eutectic	50.0	54.9 51.2			
$\beta \leftrightarrow AlPt + Al_3Pt_5$	1 530	Eutectoid	53.9	50.0 62.5			
L↔AlPt <sub>3</sub>	1 831	Congruent melting	74.2	74.2 —			

的可靠性,图 3 给出了计算 Pt-Al 体系在 298.15 K 的形成焓(Pt和Al的参考态为FCC),其结果与第 一性原理计算数据<sup>[68]</sup>和实验数据吻合较好。图 4 为 298.15 K 第一性原理计算的 L12、L10 和 B2 混合焓。 B2相的 V 型混合焓最小值为 50%Pt(原子分数)。

Congruent melting

Congruent melting

50.0

40.0 40.0

50.0 —

1 812

1 785







图 4 Pt-Al 体系中 L12、L10 和 B2 相在 298.15 K 下的混合焓 Fig.4 Enthalpies of mixing of L1<sub>2</sub>, L1<sub>0</sub>, and B2 phases at 298.15 K in the Pt-Al system

## 1.2 Pt-Cr 二元系



性原理计算数据,用 CALPHAD 方法对 Pt-Cr 体系 进行了重新评价。对 FCC 无序相进行了 SQS 计算, 弥补稀少的实验数据,选择亚点阵模型描述了高温 FCC 相和低温 L12 相之间的无序有序转变, 计算相 图如图 5 所示。Zhang 等<sup>[11]</sup>采用团簇/中心近似(CSA) 模型<sup>[12]</sup>对 FCC 族中的有序 L12、L10 和无序 FCC 相 进行了模拟, 描述了3个FCC相的稳定性以及L1, 和L1。的有序--无序跃迁。Pt-Cr相图的特点是:Pt端 固溶体具有宽的存在范围 30%~100%Pt(原子分数), 1 127 K 时 Pt 在 Cr 端固溶体的固溶度为 2.5%Pt(原 子分数),并存在3个有序的中间相Cr<sub>3</sub>Pt、CrPt和 CrPt<sub>30</sub> 晶体学信息在表 3 中列出,晶体结构如图 6 所示。Cr<sub>3</sub>Pt 为有序的 A15 立方结构,在1273 K 存 在范围 17%~23%Pt(原子分数), 在 1 727 K 时共晶 反应 L↔Cr (BCC)+Cr<sub>3</sub>Pt 形成和在 1 827 K 高温下 直接从液相生成。在1473 K 下高温无序的 FCC 相 转变为有序的面心结构 CrPt<sub>3</sub> (L1<sub>2</sub>)。有序化范围很 宽。CrPt,随着Cr含量的增加会转变为亚有序的 CrPt (L1<sub>0</sub>)。用热力学模型计算了无序 FCC 相的室温 生成焓,并与第一性原理计算结果进行了比较。如图 7所示,两者吻合较好。



表3 Pt-Cr体系中平衡相结构信息

Tab.3 Crystal structure of the phas	es in the	Pt-Cr	system
-------------------------------------	-----------	-------	--------

相	皮尔逊符号	空间群
Cr <sub>3</sub> Pt	cP8	$Pm\overline{3}n$
CrPt(L1 <sub>0</sub> )	tP2	P4/mmm
$CrPt_3(L1_2)$	cP4	$Pm\overline{3}m$

表 4 Pt-Cr 体系中零变量反应 ...

Tab.4 Calculated invariant reactions in the Pt–Cr system						
零变量反应	温度 /K	反应类型	成分,Pt/%(原子分数		分数)	
L↔Cr <sub>3</sub> Pt	1 903	Congruent melting	18	—	—	
$L \leftrightarrow Cr_3Pt + Cr$	1 889	Eutectic	37.6	21.4	44	
$L \leftrightarrow Pt + Cr_3Pt$	1 830	Eutectic	23	30	20	
$Pt \leftrightarrow CrPt_3$	1 425	Ordering reaction	67	67		
Pt↔CrPt	1 440	Ordering reaction	51	51		

#### 1.3 Al-Cr 二元系

1998 年 Murray<sup>[13]</sup>基于实验数据对 Al-Cr 相图



图 6 Pt-Cr 二元系金属间化合物的晶体结构 Fig.6 The crystal structures of the intermetallic compounds in the Pt-Cr binary system



Fig.7 Enthalpy of formation of the FCC phase in the Pt-Cr system

进行了评估。Al-Cr 二元体系中包含 Al<sub>7</sub>Cr、Al<sub>11</sub>Cr<sub>2</sub>、 Al<sub>4</sub>Cr、Al<sub>9</sub>Cr<sub>4</sub>、Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>、AlCr<sub>2</sub>和X(AlCr<sub>3</sub>)相。Al-Cr体 系相的晶体学信息汇总于表 5,晶体结构如图 8 所 示。2008 年 Yu 等<sup>[14]</sup> 使用 CALPHAD 方法构建 Al-Cr 体系热力学模型。2013 年 Hu 等<sup>[15]</sup>使用 XRD 发现新相 AluCr4 的存在。Mahdouk 和 Gachon<sup>[16]</sup>发 现 AluCr2 只在高温下存在。在1058 K 时发生共析 反应 Al<sub>11</sub>Cr<sub>2</sub>↔Al<sub>7</sub>Cr + Al<sub>4</sub>Cr。在1398 K 观察到高温 β-Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>转变为低温 α-Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>,存在范围 30%~42% Cr(原子分数)<sup>[17]</sup>。Du 等<sup>[18]</sup>使用 XRD 和 EPMA 分析 得到液相发生共晶转变形成 Al<sub>7</sub>Cr 和 FCC (Al),反应 温度在 927~934 K。Al<sub>7</sub>Cr 在 1063 K 时熔化为液态和 Al<sub>11</sub>Cr<sub>2</sub>。Kamal 和 Mahdouk<sup>[19]</sup>研究发现液相和Al<sub>4</sub>Cr 通过包晶反应形成AluCr2,AluCr2在1058K分解为 Al<sub>7</sub>Cr 和 Al<sub>4</sub>Cr<sub>o</sub> Al<sub>11</sub>Cr<sub>4</sub>在1102K由 Al<sub>4</sub>Cr 和 Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub> 反应生成,存在范围 24%~25%Cr(原子分数)。Grushko

表5 Al-Cr体系中平衡相结构信息 Tab.5 Crystal structure of the phases in the Al-Cr system

相	皮尔逊符号	空间群
Al <sub>11</sub> Cr <sub>2</sub>	oC584	Cmcm
$Al_{11}Cr_4$	aP15	$P\overline{1}$
Al <sub>4</sub> Cr	hP574	P6 <sub>3</sub> /mmc
Al <sub>7</sub> Cr	<i>mC</i> 104	<i>C</i> 2/m
$\alpha$ -Al <sub>8</sub> Cr <sub>5</sub>	hR26	$R\overline{3}m$
$\beta$ -Al <sub>8</sub> Cr <sub>5</sub>	c152	$I\overline{4}3m$
$\gamma$ -Al <sub>8</sub> Cr <sub>5</sub>	—	—
AlCr <sub>2</sub>	tI6	I4/mmm



图 8 Al-Cr 二元系金属间化合物的晶体结构 Fig.8 The crystal structures of the intermetallic compounds in the Al-Cr binary system

等<sup>[20]</sup>确定 Al<sub>2</sub>Cr 是由 BCC 相在 1 183 K 转变生成。X 相在过饱和 Cr 固溶体中以亚稳相形式析出。本工作 在 Witusiewicz 和 Bondar 等<sup>[21]</sup>报道的热力学参数基 础计算得到 Al-Cr 二元相图,计算相图如图 9,总结 零变量反应于表 6。



图 10 为 298.15 K 时 Al-Cr 体系中金属间化合物的形成焓与 Niessen<sup>[22]</sup>和 Barin<sup>[23]</sup>的实验结果其中 Al 元素参考态为 FCC, Cr 元素参考态为 BCC。图

Tab.6 Calculated invariant reactions in the Al–Cr system						
零变量反应	温度 /K	反应类型	成分,0	Cr/%(原	子分数)	
L↔Al+Al <sub>7</sub> Cr	932	Eutectic	0.16	0.03	11.07	
$L+Al_{11}Cr_2 \leftrightarrow Al_7Cr$	1 072	Peritectic	1.93	14.59	12.12	
$L{+}Al_4Cr{\leftrightarrow}Al_{11}Cr_2$	1 168	Peritecitc	4.65	19.3	14.52	
$Al_4Cr+\alpha(Al_8Cr_5) {\leftrightarrow} Cr_4Al_{11}$	1 101	Peritectoid	19.7	31.9	24.5	
$Al_{11}Cr_2 {\leftrightarrow} Al_7Cr {+} Al_4Cr$	1 058	Eutectoid	14.84	12.21	18.51	
$L{+}\alpha(Al_8Cr_5){\leftrightarrow}Al_4Cr$	1 313	Peritecitc	14.54	29.37	19.91	
$\beta(Al_8Cr_5) \leftrightarrow L + \alpha(Al_8Cr_5)$	1 333	Metatectic	27.87	15.76	37.16	
$L+Cr \leftrightarrow \beta(Al_8Cr_5)$	1 593	Peritecitc	38	52	40.6	
$Cr+\beta(Al_8Cr_5)\leftrightarrow\alpha(Al_8Cr_5)$	1 413	Peritictoid	41.86	55.78	42.03	
$Cr \leftrightarrow \alpha(Al_8Cr_5) + AlCr_2$	1 155	Eutectoid	63	43.2	65.7	
$Cr+AlCr_2\leftrightarrow X$	673	Peritictoid	74	82.8	78.5	
$BCC(Cr) \leftrightarrow AlCr_2$	1 183	Congruent	0.95	_	18.2	

表 6 Al-Cr 体系中零变量反应 Tab.6 Calculated invariant reactions in the Al-Cr system

11 为热力学模型计算 Al-Cr 液相在 1 723 K 的 混合焓与 Sudavtsova<sup>[24]</sup>和 Saltykov<sup>[25]</sup>使用量热方 法测定 1 723 K 时 0~40%Cr(原子分数)的 Al-Cr 合 金液相混合焓比较,在计算过程中 Al 和 Cr 组元的 参考态为液态,热力学计算结果与实验数据吻合。



图 10 Al-Cr 体系 298.15 K 生成焓与 Cr 浓度的关系 Fig.10 Calculated enthalpy of formation at 298.15 K as a function of Pt concentration in the Al-Cr system



图 11 Al-Cr 体系中液相在 1 723 K 混合焓 Fig.11 Enthalpy of mixing of the liquid phase at 1 723 K in the Al-Cr system

#### 1.4 Pt-Al-Cr 三元系

2010 年 Süss<sup>[26]</sup>使用纯度≥99.9%的样品电弧熔 炼了 42 种成分 Pt-Cr-A 合金。使用 SEM、EDX 和 XRD 分析来获得相平衡数据和相的晶体结构鉴定。 给出了所有 42 种合金的显微组织特征和共存相的成

分测定以及显微照片,建了一个初步的液相线投影。首 次发现了有一个组成近似于  $Al_2CrPt_3$  的  $\tau_1$  相区, 合金 组成范围 27%~42%A1,5%~30%Cr,41%~59%Pt(原子 分数)。提供了 XRD 衍射图但未解释 τ<sub>1</sub> 相的晶体结 构。由于样品在不同温度下凝固,所示分布不对应于 等温截面。但是 Süss 的 Al-Cr-Pt 系相平衡数据不完 整旦有些矛盾,在 Al-Cr 体系中许多金属间化合物 名称不能和 Al-Cr 相图中的成分名称对应。2013 年 Kornienko<sup>[27]</sup>用高温扩散、XRD、电子探针分析和差 热分析的结果,首次在成分三角形上构造了固相线 表面。Kornienko<sup>[27]</sup>认为 Pt-Al-Cr 体系中在 0~50% Pt(原子分数)的实验数据存在争议,只考虑1623 K 下测定了 50%~100%Pt(原子分数)范围内合金组成。 确定了Al-Cr-Pt 三元系的固相线表面由 6 个单相区 组成,分别对应于三元相 T<sub>1</sub>(结构未知)、Pt 基固溶体 和存在于 Al-Pt 体系中的 4 个二元相 Al<sub>3</sub>Pt<sub>5</sub>、AlPt、 AlPt<sub>2</sub>和 AlPt<sub>3</sub>(L1<sub>2</sub>)。

#### 2 热力学模型

## 2.1 纯组元

纯组元 *i* (*i*=Al,Cr,Pt) 在  $\phi$  相( $\phi$ =liquid、FCC、 BCC)的摩尔吉布斯自由能与温度的关系描述为:

 $G_{i}^{\phi}(T)=a+bT+cT\ln T+dT^{2}+eT^{3}+fT^{-1}+gT^{7}+hT^{9}$  (1) 式中,T 为温度。

#### 2.2 溶体相模型

在 Al-Cr、Al-Pt 和 Cr-Pt 体系中,将液相、FCC (Pt,Al)和 BCC(Cr)固溶体相用一个亚点阵描述其摩 尔吉布斯自由能表达式:

$$G_{\rm m} = \sum_{i={\rm Pt,Al,Cr}} x_i^0 G_i + RT \sum_{i={\rm Pt,Al,Cr}} x_i \ln x_i + {}^{\rm E}G_{\rm m}$$
(2)

式中, $x_i$ 为元素 *i*的摩尔分数,表示所考虑相中元素 *i*的吉布斯自由能; $RT\sum_{i=Pt,Al,Cr} x_i \ln x_i$ 理想混合熵;  ${}^{E}G_m$ 表 示过剩吉布斯自由能用 Redlich-Kister 多项式表示:

$${}^{E}G_{m} = x_{Pt}x_{Al}\sum_{k=0}{}^{k}L_{Pt,Al}(x_{Pt}-x_{Al})^{k} + x_{Pt}x_{Ct}\sum_{k=0}{}^{k}L_{Pt,Ct}(x_{Pt}-x_{Ct})^{k} + x_{Al}x_{Ct}\sum_{k=0}{}^{k}L_{Al,Ct}(x_{Al}-x_{Ct})^{k}$$
(3)

#### 2.3 亚点阵模型

使用亚点阵模型来描述间隙固溶体相和化学计量比相,Al-Pt体系中Al<sub>21</sub>Pt<sub>5</sub>、Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>、Al<sub>2</sub>Pt、Al<sub>3</sub>Pt<sub>2</sub>、AlPt、Al<sub>3</sub>Pt<sub>5</sub>和AlPt<sub>2</sub>相,Al-Cr体系中Al<sub>7</sub>Cr、Al<sub>11</sub>Cr<sub>4</sub>、

Al<sub>11</sub>Cr<sub>2</sub>、Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>和 AlCr<sub>4</sub>, Pt-Cr 中 Cr<sub>3</sub>Pt(A15)相可以 描述为 $(A,B)_m, (A,B)_n$ ,表示亚点阵中含有组元 A 和 B, 2个亚点阵比例为 m:n。 $\phi$ 相摩尔吉布斯自由能描 述为:

$$G_{\rm m}^{\phi} = {}^{\rm ref}G_{\rm m}^{\phi} + {}^{\rm id}G_{\rm m}^{\phi} + {}^{\rm ex}G_{\rm m}^{\phi}$$
(5)

$${}^{\text{ref}}G_{m}^{\phi} = y'_{A}y'_{A}G_{A:A}^{\phi} + y'_{A}y'_{B}G_{A:B}^{\phi} + y'_{B}y'_{A}G_{B:A}^{\phi} + y'_{B}y'_{B}G_{B:B}^{\phi}$$
(6)

$${}^{id}G_{m}^{\varphi} = mRT(y_{A}^{'}\ln y_{A}^{'}+y_{B}^{'}\ln y_{B}^{'}) + nRT(y_{A}^{'}\ln y_{B}^{'}+y_{B}^{'}\ln y_{B}^{'})$$
(7)

式中, $y'_i$ 和 $y''_i$ 分别为第1个和第2个亚点阵中组元 i的点阵分数; $G^{\phi}_{*,*}$ 表示 $\phi$ 相端际化合物的摩尔吉布 斯自由能,\*表示不同组元A和B; $L^{\phi}_{*,*,*}$ 表示第一个 亚点阵和第二个亚点阵上组元之间的相互作用。

#### 2.4 有序-无序转变模型

4 个亚点阵复合能量形式(4SL-CEF)<sup>[28]</sup>可以准确地描述 Pt-A1 体系中 β 相、AlPt<sub>3</sub>(L1<sub>2</sub>)相和 Pt-Cr体系中 CrPt<sub>3</sub> 中有序相与无序相之间的能量变化:

$$G_{\rm m} = G_{\rm m}^{\rm dis}(x_{\rm i}) + \Delta G_{\rm m}^{\rm ord}(y_{\rm i}^{\rm s}) \tag{9}$$

式中, $G_{m}^{ds}(x_{i})$ 表示无序 FCC 相的吉布斯自由能; $y_{i}^{s}$ 为 点阵 s 中组元 i 的摩尔分数; $\Delta G_{m}^{ord}(y_{i}^{s})$ 为 FCC相为有序 状态的能量,当 FCC 相为有序相时,无序相的能量 为零,公式(10)有序相的能量表示为:

$$\Delta G_{\rm m}^{\rm ord} = G_{\rm m}^{\rm 4sl}(y_{\rm i}^{\rm s}) - G_{\rm m}^{\rm 4sl}(y_{\rm i}^{\rm s} = x_{\rm i})$$
(10)

$$G_{\rm m}^{4\rm sl}(y_{\rm i}^{\rm s}=x_{\rm i}) = \sum_{\rm i} \sum_{\rm j} \sum_{\rm k} \sum_{\rm l} \sum_{\rm l} \gamma_{\rm i}^{(1)} y_{\rm j}^{(2)} y_{\rm k}^{(3)} y_{\rm l}^{(4)} G_{\rm ij;kl} + 0.25RT \sum_{\rm s=1}^{4} \sum_{\rm i} \gamma_{\rm i}^{\rm (s)} \ln(y_{\rm i}^{\rm (s)}) + {}^{\rm E}G_{\rm m}^{\rm ord}$$
(11)

式(11)中第1项描述的是所有端际化合物的机 械混合,%<sub>ijkl</sub>表示端际化合物的吉布斯自由能;第2 项表示每个亚点阵随机组合;最后一项表示过剩吉 布斯自由能,形式如下:

$${}^{\mathrm{E}}G_{\mathrm{m}}^{\mathrm{ord}} = \sum_{i_{1}} \sum_{i_{2} > i_{1}} \sum_{j} \sum_{k} \sum_{l} \sum_{1} \gamma_{i_{1}}^{(1)} \gamma_{i_{2}}^{(1)} \gamma_{j}^{(1)} \gamma_{k}^{(2)} \gamma_{j}^{(3)} \gamma_{k}^{(4)} L_{i_{1},i_{2}} : j:k:1$$
$$+ \dots + \sum_{i_{1}} \sum_{i_{2} > i_{1}} \sum_{j_{1}} \sum_{j_{2} > j_{1}} \sum_{k} \sum_{l} \sum_{1} \gamma_{i_{1}}^{(1)} \gamma_{i_{2}}^{(1)} \gamma_{j_{2}}^{(1)}$$

式中, $L_{i_1,i_2:j:k:1}$ 表示当其他 3 个点阵分别被成分 j、k和 1 占据时第 1 个点阵上  $i_1$  和  $i_2$ 之间的相互作用。

## 3 结果与讨论

图 12 为计算得到的 Pt-Al-Cr 三元体系液相面 投影图,从图中分析可知包含 L→Cr(BCC)+Al<sub>2</sub>Pt、 L+Al<sub>4</sub>Cr→Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>、L+Cr→β-Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>( $\gamma$ -L)、L+AlPt<sub>2</sub>→ Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>、共晶反应 L→AlPt+Cr+Al<sub>2</sub>Pt、L+Cr<sub>3</sub>Pt→FCC、 L→B2、FCC→Pt<sub>3</sub>Cr+CrPt、L+Al<sub>3</sub>Pt<sub>2</sub>→Al<sub>2</sub>Pt+AlPt、L+ AlPt<sub>2</sub>、FCC→CrPt(L1<sub>0</sub>)、Cr<sub>3</sub>Pt→FCC、L→Pt+AlPt<sub>2</sub>、L+ Al<sub>21</sub>Pt<sub>5</sub>→Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>+Al反应。



Fig.12 Liquidus surface projection of the Pt-Al-Cr system

根据理论外推计算全成分范围的 Pt-Al-Cr 三元 体系 873.15、1 073.15、1 273.15 K 的等温截面, 如图13 所示。单相区包含 Pt、Al、Cr<sub>3</sub>个固溶体、有序 相 B2、Pt<sub>3</sub>Al(L1<sub>2</sub>)、CrPt<sub>3</sub>(Order)、Cr<sub>3</sub>Pt、Al<sub>21</sub>Pt<sub>5</sub>、Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>、 Al<sub>2</sub>Pt、Al<sub>3</sub>Pt<sub>2</sub>、AlPt、Al<sub>3</sub>Pt<sub>5</sub>、AlPt<sub>2</sub>、Al<sub>45</sub>Cr<sub>7</sub>、Al<sub>5</sub>Cr、AlCr<sub>4</sub>、  $\alpha$ -Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>( $\gamma$ -H)、 $\beta$ -Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>( $\gamma$ -L)。三相区的相组成包含 B2+ CrPt<sub>3</sub>(Order)+AlPt、B2+AlPt+Al<sub>3</sub>Pt<sub>2</sub>、B2+Cr(BCC) +Cr<sub>3</sub>Pt,B2+Cr<sub>3</sub>Pt+Cr(BCC)、B2+Al<sub>3</sub>Pt<sub>2</sub>+Al<sub>2</sub>Pt,B2+Al<sub>2</sub>Pt+  $\alpha$ -Al<sub>8</sub>Cr<sub>5</sub>、Pt<sub>3</sub>Al (L1<sub>2</sub>)+AlPt<sub>2</sub>+B2、AlPt<sub>2</sub>+Al<sub>3</sub>Pt<sub>5</sub>+CrPt<sub>3</sub>(Or der)、Al<sub>21</sub>Pt<sub>8</sub>+Al<sub>21</sub>Pt<sub>5</sub>+Liquid。在 873.15、1 073.15、 1 273.15 K 范围内 B2 相的面积扩大与 Pt-Al 体系 中 B2 相区随温度的变化一致。

## 4 结论

(1)本文通过对 Pt-Al、Pt-Cr 和 Al-Cr 二元系的 相图相平衡信息、热力学计算结果及第一性原理计 算数据进行严格评估,计算了混合焓、形成焓等热力 学性质并与文献数据进行了比较,计算得到的热力 学性质与文献报道的数据吻合较好。

(2)在二元的基础上,用 CALPHAD 方法外推 Pt-Al-Cr 三元系进行评估,得到了一组自洽的热力



图 13 计算 Pt-Al-Cr 三元系不同温度下等温截面 Fig.13 Calculated isothermal sections in the Pt-Al-Cr system

学参数。计算了 873、1073 和 1273 K 下的等温截面 和液相线投影图,得到了 Pt-Al-Cr 三元相的相组成 和零变量反应。

(3)Pt-Al-Cr 三元体系热力学数据库的优化建 立,为后续 Pt 高温合金的研发提供更加系统的理论 指导。

#### 参考文献:

- [1] YU W, CHONG X Y, GAN M D, et al. Effect of alloying emelents on thermoelastic properties of Pt-based dilute alloys [J].Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 2023. http://kns.cnki.net/kcms/detail/43.1239.TG.20220610.1449.016.html
- [2] 王献,魏燕,蔡宏中,等. 基于材料基因工程的铂基高温合金数 据库建设进展[J]. 贵金属,2022,43(S1): 29-36
   WANG X, WEI Y, CAI H Z, et al. Construction progress of Pt-based superalloy database based on genetic engineering[J]. Precious Metals, 2022, 43(S1): 29-36.
- [3] MCALISTER A J, KAHAN D J. The Al-Pt (aluminum-platinum) system[J]. Bulletin of Alloy Phase Diagrams, 1986, 7(1): 47-51.
- [4] WU K, JIN Z. Thermodynamic assessment of the Al-Pt binary system[J]. Journal of Phase Equilibria, 2000, 21(3): 221-226.
- [5] HUCH R, KLEMM W. Das system platin-aluminium[J]. Zeitschrift für anorganische und allgemeine Chemie, 1964, 329(1): 123-135.
- [6] KIM D E, MANGA V R, PRINS S N, et al. First-principles calculations and thermodynamic modeling of the Al-Pt binary system [J]. CALPHAD, 2011, 35(1): 20-29.
- [7] LIU X L, LINDWALL G, OTIS R, et al. Thermodynamic remodeling of the Al-Pt system towards an assessment of the Al-Ni-Pt system[J]. CALPHAD, 2016, 55: 88-102.
- [8] FENG J, XIAO B, CHEN J, et al. Stability, thermal and mechanical properties of Pt<sub>x</sub>Al<sub>y</sub> compounds[J]. Materials & Design, 2011, 32 (6): 3231-3239.
- [9] VENKATRAMAN M, NEUMANN JP. The Cr-Pt (chromium-platinum) system[J]. Bulletin of Alloy Phase Diagrams, 1990, 11(1): 16-21.
- [10] PREUßNER J, PRINS S, VÖLKL R, et al. Determination of phases in the system chromium-platinum (Cr-Pt) and thermodynamic calculations[J]. Materials Science and Engineering: A, 2009, 510-511: 322-327.
- [11] ZHANG C, ZHU J, MORGAN D, et al. Thermodynamic modeling

of the Cr-Ir binary system using the cluster/site approximation (CSA) coupling with first-principles energetic calculation [J]. CALPHAD, 2009, 33(2): 420-424.

- [12] CAO W, ZHU J, YANG Y, et al. Application of the cluster/site approximation to fcc phases in Ni-Al-Cr system[J]. Acta Materialia, 2005, 53(15): 4189-4197.
- [13] MURRAY J L. The Al-Cr (aluminum-chromium) system[J]. Journal of Phase Equilibria, 1998, 19(4): 367-375.
- [14] LIANG Y, GUO C, LI C, et al. Thermodynamic modeling of the Al-Cr system[J]. Journal of Alloys and Compounds, 2008, 460 (1-2): 314-319.
- [15] HU B, ZHANG W W, PENG Y B, et al. Thermodynamic reassessment of the Al-Cr-Si system with the refined description of the Al-Cr system[J]. Thermochimica Acta, 2013, 561: 77-90.
- [16] MAHDOUK K, GACHON J C. Thermodynamic investigation of the aluminum-chromium system [J]. Journal of Phase Equilibria, 2012, 21(2): 157-166.
- [17] GRUSHKO B, PRZEPIÓRZYŃSKI B, PAVLYUCHKOV D, et al. Complex intermetallics in Al-Cu-Cr system[J]. Journal of Alloys and Compounds, 2007, 442(1-2): 114-116.
- [18] DU Y, SCHUSTER J C, CHANG Y A. Experimental identification of the degenerated equilibrium in extreme Al end of the Al-Cr system[J]. Journal of Materials Science, 2005, 40(4): 1023-1025.
- [19] MAHDOUK K, GACHON J C. Thermodynamic investigation of the aluminum-chromium system[J]. Journal of Phase Equilibria, 2000, 21(2): 157-166.
- [20] GRUSHKO B, KOWALSKA-STRZĘCIWILK E, PRZEPIÓR-ZYŃSKI B, et al. Investigation of the Al-Cr γ-range[J]. Journal of Alloys and Compounds, 2005, 402(1-2): 98-104.
- [21] WITUSIEWICZ V T, BONDARB A A, HECHTA U, et al. Thermodynamic re-modelling of the ternary Al-Cr-Ti system with refined Al-Cr description[J]. Journal of Alloys and Compounds, 2015, 644: 939-958.
- [22] NIESSEN A K, MIEDEMA A R, DE BOER F R, et al. Enthalpies of formation of liquid and solid binary alloys based on 3d metals: IV. Alloys of cobalt[J]. Physica B+C, 1988, 151(3): 401-432.
- [23] SHAO J F, BURLION N. Thermochemical data of pure substances [M]. HOBOKEN: John Wiley & Sons, Inc. 1995.
- [24] SUDAVTSOVA V, SHARKINA N, SHUVALOV A. Thermodynamic properties of liquid binary Al-Cr (Ni) alloys[J]. Rasplavy, 1990, 1: 97-99.

- [25] SALTYKOV P, WITUSIEWICZ V, ARPSHOFEN I, et al. Enthalpy of mixing of liquid Al-Cr and Cr-Ni alloys[J]. Journal of Materials Science & Technology, 2002, 18(2): 167-170.
- [26] SÜSS R, CORNISH L A, WITCOMB M J. Investigation of as-cast alloys in the Pt-Al-Cr system[J]. Journal of Aalloys and Compounds, 2010, 490(1-2): 124-144.
- [27] KORNIENKO K E, KHORUZHA V G, MELESHEVICH K A, et al. The constitution of alloys and phase diagram of the ternary

Al-Cr-Pt system at 50~100 at.% Pt. I. Solidus surface and isothermal section in the Al-Cr-Pt system at 1 350  $^{\circ}$ C in the range 50~100 at.% Pt[J]. Powder Metallurgy and Metal Ceramics, 2013, 52 (5-6): 314-328.

[28] SUNDMAN B, FRIES S G, OATES W A. A CALPHAD assessment of the Au-Cu system using the cluster variation method [J]. Zeitschrift für Metallkunde, 1999, 90(4): 267-273.